$$(3^{-2}+a^{-3})(3-a)^{-2}=$$

По свойству степеней с отрицательным показателем.

$$=\left(\frac{1}{9}+\frac{1}{3}\right):(3-a)^2=$$

Изменяем порядок действий.

$$=\left(\frac{1}{9} + \frac{1}{a^3}\right) : (-a+3)^2 =$$

Выносим минус из произведения.

$$= \left(\frac{1}{9} + \frac{1}{3}\right) : (a-3)^2 =$$

Приводим к общему знаменателю.

$$=\left(\frac{a^3}{9a^3} + \frac{9}{a^39}\right):(a-3)^2 =$$

Производим сложение .

$$=\frac{a^3+9}{9a^3}:(a-3)^2=$$

Переворачиваем дробь, по правилу деления на дробь.

$$=\frac{a^3+9}{9a^3(a-3)^2}=$$

по правилу умножения дробей.

$$=\frac{a^3+9}{9a^3(a-3)^2}=$$

Воспользуемся формулой квадрата разности.

$$=\frac{a^{3}+9}{9a^{3}(a^{2}-6a+9)}=\frac{a^{3}+9}{9(a^{5}-6a^{4}+9a^{3})}=\frac{a^{3}+9}{9a^{5}-54a^{4}+81a^{3}}$$