Исследуем функцию,

Область определения: множество всех действительных чисел

Первая производная:

=

Производная суммы равна сумме производных.

==

Производная произведения константы и функции равна произведению константы на производную функции.

==

Воспользуемся правилом производной степени .

==

Раскрываем скобки.

==

Производим группировку.

==

=

Вторая производная:

Вторая производная это производная от первой производной.

=

Производная суммы равна сумме производных.

==

Производная произведения константы и функции равна произведению константы на производную функции.

==

Воспользуемся правилом производной степени .

==

==

Раскрываем скобки.

==

Производим группировку.

==

=

Точки пересечения с осью :

Для нахождения точек пересечения с осью абсцисс приравняем функцию к нулю.

Следующее уравнение равносильно предыдущему.

Произведем замену переменных.

Пусть

В результате замены переменных получаем вспомогательное уравнение.

Выносим общий множитель.

Ответ вспомогательного уравнения: .

В этом случае исходное уравнение сводится к уравнению

;

Теперь решение исходного уравнения разбивается на отдельные случаи.

Случай .

Итак,ответ этого случая: .

Случай .

Итак,ответ этого случая: .

Ответ: .

Точки пересечения с осью :

Пусть

Вертикальные асимптоты: нет

Горизонтальные асимптоты: нет .

Наклонные асимптоты: нет .

 стремится к бесконечности при стремящемся к бесконечности.

 стремится к бесконечности при стремящемся к бесконечности.

Критические точки:

Для нахождения критических точек приравняем первую производную к нулю и решим полученное уравнение.

Следующее уравнение равносильно предыдущему.

Решаем уравнение методом разложения на множители.

Выносим общий множитель.

Теперь решение исходного уравнения разбивается на отдельные случаи.

Случай .

Итак,ответ этого случая: .

Случай .

Перенесем известные величины в правую часть уравнения.

Итак,ответ этого случая: .

Ответ: .

Возможные точки перегиба:

Для нахождения возможных точек перегиба приравняем вторую производную к нулю и решим полученное уравнение.

Перенесем известные величины в правую часть уравнения.

Разделим левую и правую часть уравнения на коэффициент при неизвестном.

Ответ: .

Точки разрыва: нет

Симметрия относительно оси ординат: функция четная, график симметричен относительно оси .

Функция f(x) называется четной, если f(-x)=f(x).

=

==

Раскрываем скобки.

==

Выносим знак минус из произведения.

==

==

Производим сокращение.

=

Симметрия относительно начала координат: нет

Функция f(x) называется нечетной, если f(-x)=-f(x).

=

==

Раскрываем скобки.

==

Выносим знак минус из произведения.

==

Приводим подобные члены.

==

==

Выносим знак минус из произведения.

=

Тестовые интервалы:



Относительные экстремумы:

Проходя через точку минимума, производная функции меняет знак с (-) на (+).

Относительный минимум .

Проходя через точку максимума. производная функции меняет знак с (+) на (-).

Относительный максимум .

Данные таблицы нанесем на координатную плоскость.

Используя результаты исследования функции, построим ее график.

