# Функция x3-3x2



**Точка пересечения графика функции с осью координат Оу:**

График пересекает ось Y, когда x равняется 0: подставляем x=0 в x3-3x2.

у ==03-3\*02 = 0,

Результат: y=0. Точка: (0; 0).

**Точки пересечения графика функции с осью координат Ох:**

График функции пересекает ось X при y=0, значит, нам надо решить уравнение:

x3-3x2 = 0

Решаем это уравнение и его корни будут точками пересечения с осью Ох:

x2(х-3) = 0,

х1 = 0, х2 = 3.

Результат: y=0. Точки: (0; 0) и (3; 0).

**Экстремумы функции:**

Для того, чтобы найти экстремумы, нужно решить уравнение y'=0 (производная равна нулю), и корни этого уравнения будут экстремумами данной функции:

y'=3x2 – 6х = 0

Решаем это уравнение и его корни будут экстремумами:

3x(х-2) = 0,

х1 = 0, х2 = 2.

Результат: y=0. Точки: (0; 0) и (2; -4).

**Интервалы возрастания и убывания функции:**

Найдем интервалы, где функция возрастает и убывает, а также минимумы и максимумы функции, для этого смотрим как ведет себя функция в экстремумах при малейшем отклонении от экстремума:

Где производная положительна - функция возрастает, где отрицательна - там убывает. Точки, в которых происходит смена знака и есть точки экстремума - где производная с плюса меняется на минус - точка максимума, а где с минуса на плюс - точки минимума.

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| x = | -1 | 0 | 1 | 2 | 3 |
| y' = | 9 | 0 | -3 | 0 | 9 |

* Минимум функции в точке: х = 2,
* Максимум функции в точке: х = 0.
* Возрастает на промежутках: (-oo; 0) U (2; oo)
* Убывает на промежутках: (0; 2)

**Точки перегибов графика функции:**

Найдем точки перегибов для функции, для этого надо решить уравнение y''=0 - вторая производная равняется нулю, корни полученного уравнения будут точками перегибов указанного графика функции.
Нужно подсчитать пределы y'' при аргументе, стремящемся к точкам неопределенности функции:

y''=6x – 6 = 6(х – 1) = 0.

Решаем это уравнение и его корни будут точками, где у графика перегибы:

(х – 1) = 0, x=1. Точка: (1; 0)

Интервалы выпуклости, вогнутости:

Найдем интервалы, где функция выпуклая или вогнутая, для этого посмотрим, как ведет себя функция в точках изгибов :

* Вогнутая на промежутках: (1; oo)
* Выпуклая на промежутках: (-oo;1)

**Вертикальные асимптоты – нет.**

**Горизонтальные асимптоты графика функции:**

Горизонтальную асимптоту найдем с помощью предела данной функции при x->+oo и x->-oo. Соответствующие пределы находим:

* lim x3-3x2, x->+oo = oo, значит, горизонтальной асимптоты справа не существует
* lim x3-3x2, x->-oo = -oo, значит, горизонтальной асимптоты слева не существует

**Наклонные асимптоты графика функции.**

Наклонную асимптоту можно найти, подсчитав предел данной функции, деленной на x при x->+oo и x->-oo. Находим пределы:

* lim x3-3x2/x, x->+oo = oo, значит, наклонной асимптоты справа не существует
* lim x3-3x2/x, x->-oo = oo, значит, наклонной асимптоты слева не существует

**Четность и нечетность функции:**

Проверим функцию - четна или нечетна с помощью соотношений f(-x)=f(x) и -f(x)=f(x). Итак, проверяем:

* f(-x) =(-x3)-3(-x2) = -x3-3x2 - нет.
* -f(-x3) = (-x3)-3(-x2) = -(x3+3x2) – нет, значит, функция не является ни чётной, ни нечётной.